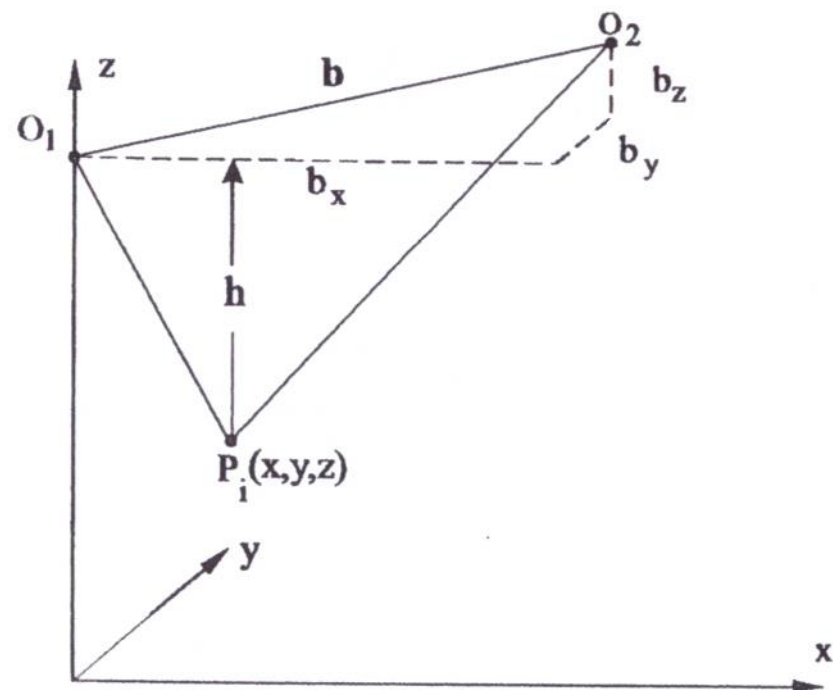
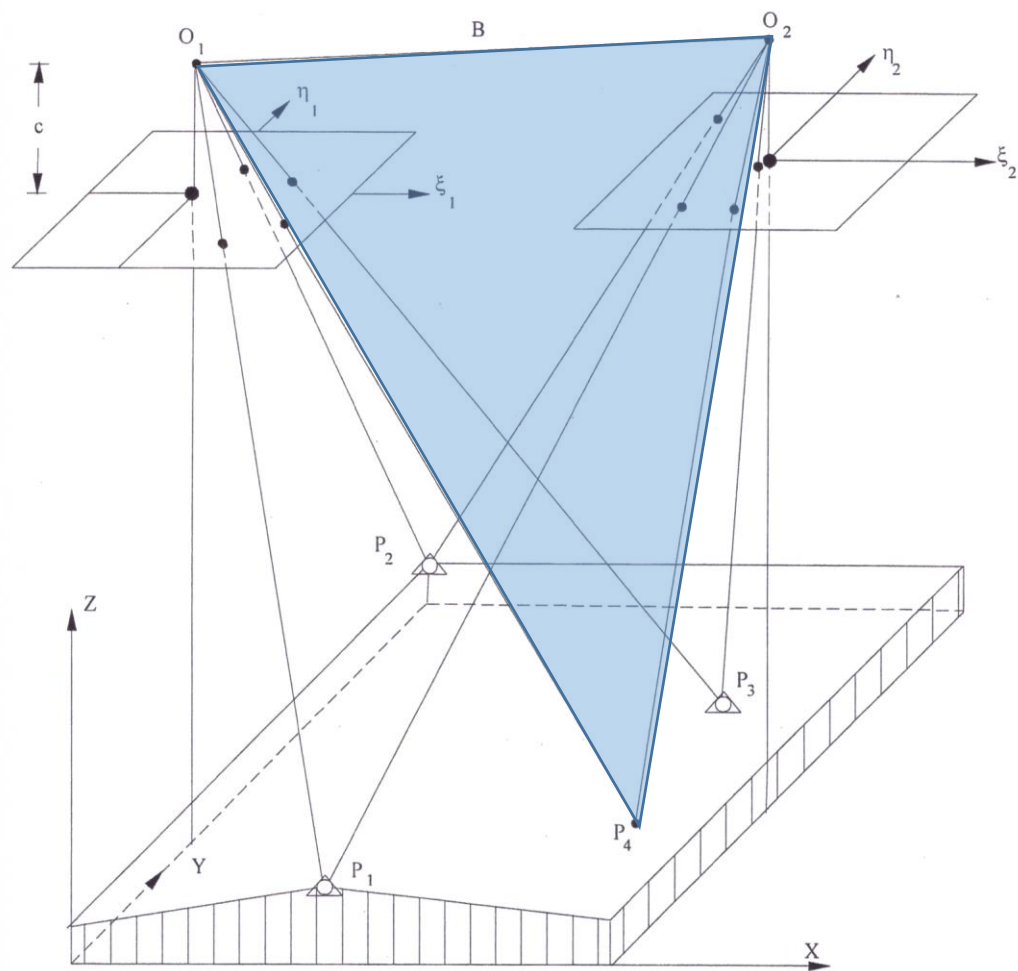


# Fotogrammetria és lézerszkennelés

**Offline Edition 2021**

Relatív tájékozás

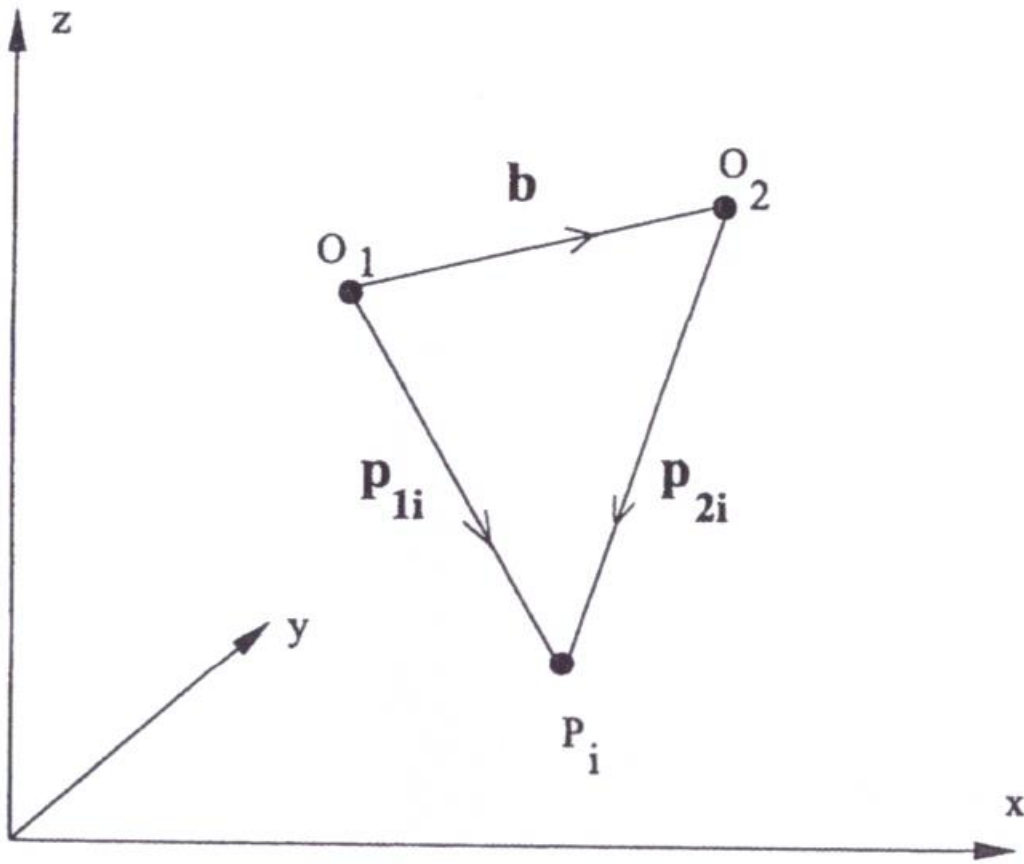
# Két összetartozó légifénykép (képpár)



# A relatív tájékozás célja

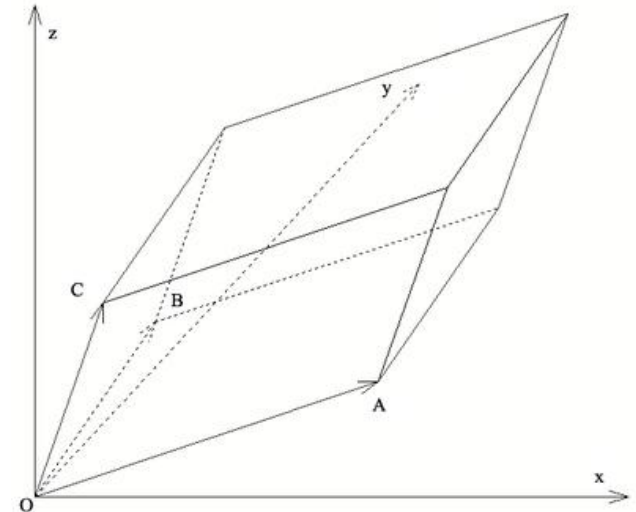
- A légifényképpár külső tájékozási elemeinek meghatározása úgy,
  - hogy a két sugárnyaláb egymáshoz viszonyított helyzetét határozzuk meg,
  - tekintet nélkül az XYZ tárgykoordináta-rendszerre.

# Általános metszési feltétel



$$V = \mathbf{b} \cdot (\mathbf{p}_1 \times \mathbf{p}_2) = \begin{vmatrix} b_x & p_{1x} & p_{2x} \\ b_y & p_{1y} & p_{2y} \\ b_z & p_{1z} & p_{2z} \end{vmatrix} = 0$$

Koplanaritási (komplanaritási) feltétel =  
= paralelepipedon térfogata =  
= vektorok vegyes szorzata



# Kiindulási feltétel-rendszer

$$d\mathbf{R} = \begin{bmatrix} 1 & -d\kappa & d\varphi \\ d\kappa & 1 & -d\omega \\ -d\varphi & d\omega & 1 \end{bmatrix}$$

$$X_{01} = Y_{01} = 0$$

$$Z_{01}$$

$$d\omega_1, d\varphi_1, d\kappa_1$$

$$X_{02} = b_x$$

$$Y_{02} = b_y$$

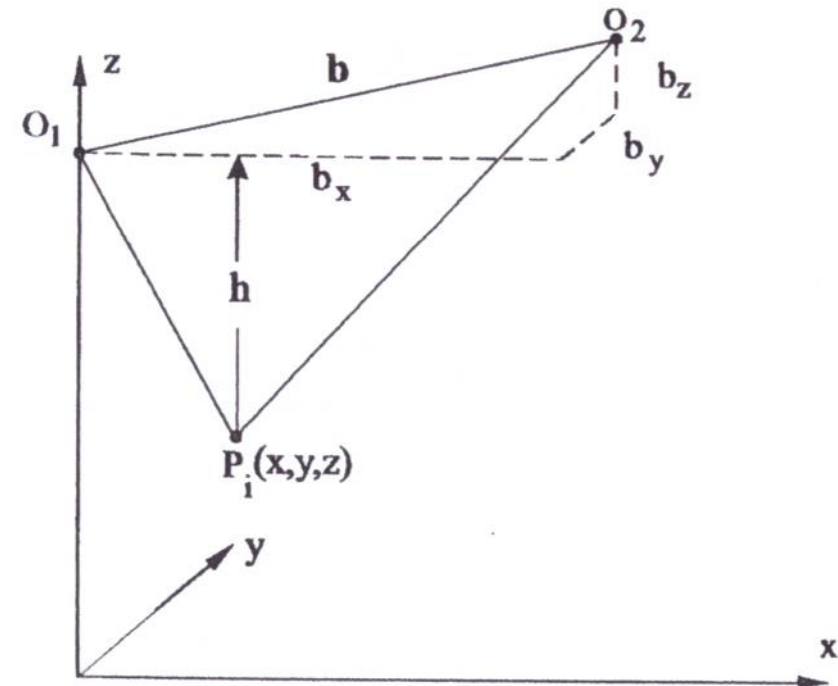
$$Z_{02} = Z_{01} + b_z$$

$$d\omega_2, d\varphi_2, d\kappa_2$$

$$\xi_0 = \eta_0 = 0$$

$$c$$

$$h = Z_{01} - Z$$



# A felvételi összefüggés – egy másik aspektus

- A kollinearitási egyenlet eredeti formájában:

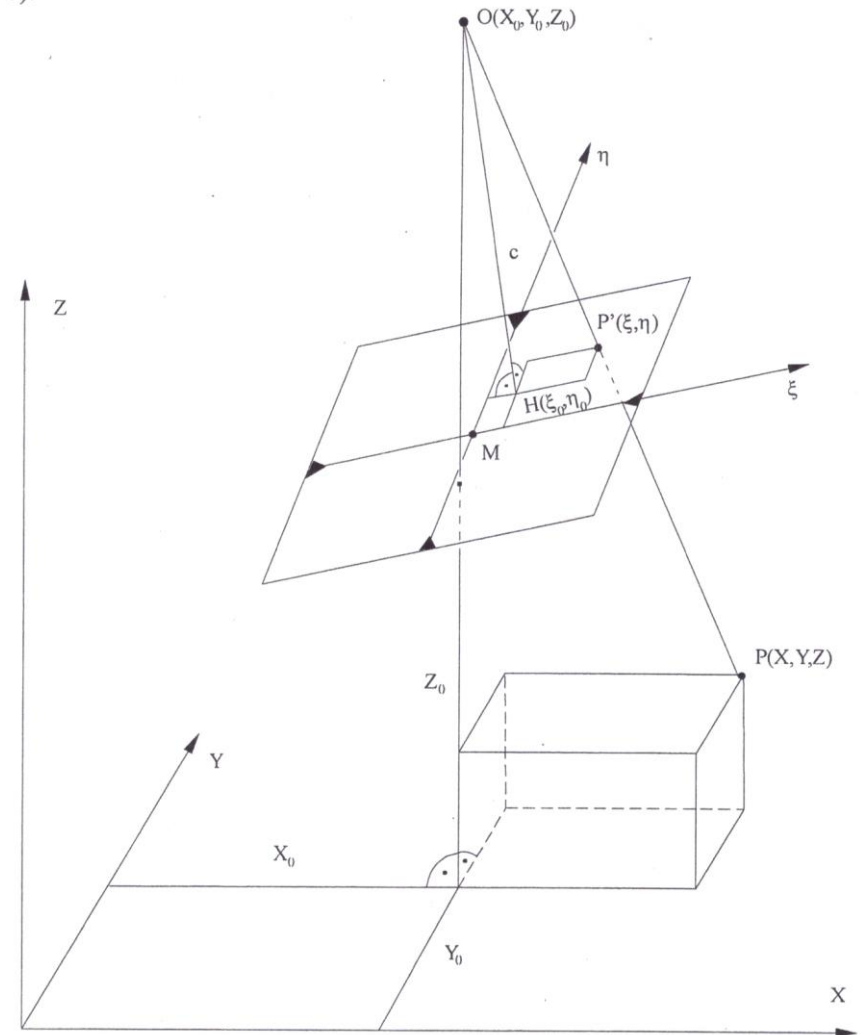
$$\xi = \xi_0 - c \cdot \frac{r_{11}(X - X_0) + r_{21}(Y - Y_0) + r_{31}(Z - Z_0)}{r_{13}(X - X_0) + r_{23}(Y - Y_0) + r_{33}(Z - Z_0)}$$

$$\eta = \eta_0 - c \cdot \frac{r_{12}(X - X_0) + r_{22}(Y - Y_0) + r_{32}(Z - Z_0)}{r_{13}(X - X_0) + r_{23}(Y - Y_0) + r_{33}(Z - Z_0)}$$

- Átalakított egyenlet:

$$X = X_0 + (Z - Z_0) \cdot \frac{r_{11}(\xi - \xi_0) + r_{12}(\eta - \eta_0) - r_{13}c}{r_{31}(\xi - \xi_0) + r_{32}(\eta - \eta_0) - r_{33}c}$$

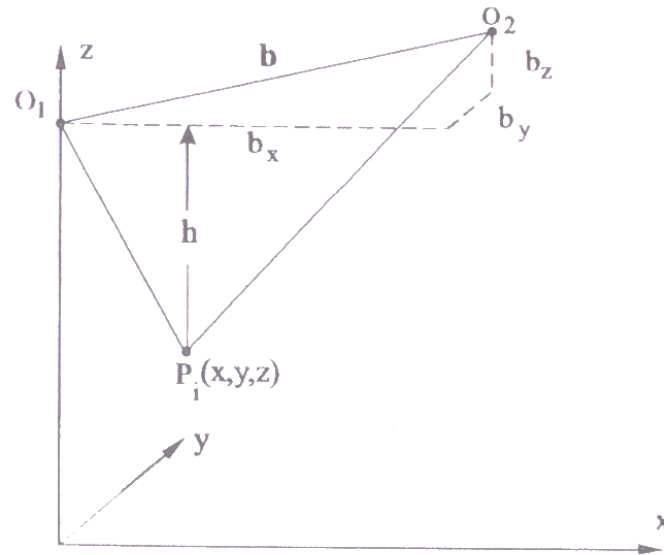
$$Y = Y_0 + (Z - Z_0) \cdot \frac{r_{21}(\xi - \xi_0) + r_{22}(\eta - \eta_0) - r_{23}c}{r_{31}(\xi - \xi_0) + r_{32}(\eta - \eta_0) - r_{33}c}$$



# A kollineritási egyenletek a koplanaritás felhasználásával (speciális paraméterek!)

$$X_1 = (-h) \cdot \frac{\xi_1 - \eta_1 \cdot d\kappa_1 - c \cdot d\varphi_1}{-\xi_1 \cdot d\varphi_1 + \eta_1 \cdot d\omega_1 - c}$$

$$Y_1 = (-h) \cdot \frac{\xi_1 \cdot d\kappa_1 + \eta_1 - c \cdot d\omega_1}{-\xi_1 \cdot d\varphi_1 + \eta_1 \cdot d\omega_1 - c}$$



$$d\mathbf{R} = \begin{bmatrix} 1 & -d\kappa & d\varphi \\ d\kappa & 1 & -d\omega \\ -d\varphi & d\omega & 1 \end{bmatrix}$$

- Némi rendezés
- Némi egyszerűsítés

$$X = X_0 + (Z - Z_0) \cdot \frac{r_{11}(\xi - \xi_0) + r_{12}(\eta - \eta_0) - r_{13}c}{r_{31}(\xi - \xi_0) + r_{32}(\eta - \eta_0) - r_{33}c}$$

$$Y = Y_0 + (Z - Z_0) \cdot \frac{r_{21}(\xi - \xi_0) + r_{22}(\eta - \eta_0) - r_{23}c}{r_{31}(\xi - \xi_0) + r_{32}(\eta - \eta_0) - r_{33}c}$$

# A két kép átrendezett egyenlete

- Első kép

$$X_1 = h \left[ \frac{\xi_1}{c} + \frac{\xi_1 \eta_1}{c^2} d\omega_1 - \left( 1 + \frac{\xi_1^2}{c^2} \right) d\varphi_1 - \frac{\eta_1}{c} d\kappa_1 \right]$$

$$Y_1 = h \left[ \frac{\eta_1}{c} + \left( 1 + \frac{\eta_1^2}{c^2} \right) d\omega_1 - \frac{\xi_1 \eta_1}{c^2} d\varphi_1 + \frac{\xi_1}{c} d\kappa_1 \right]$$

- Második kép

$$X_2 = b_x + (h + b_z) \cdot \left[ \frac{\xi_2}{c} + \frac{\xi_2 \eta_2}{c^2} d\omega_2 - \left( 1 + \frac{\xi_2^2}{c^2} \right) d\varphi_2 - \frac{\eta_2}{c} d\kappa_2 \right]$$

$$Y_2 = b_y + (h + b_z) \cdot \left[ \frac{\eta_2}{c} + \left( 1 + \frac{\eta_2^2}{c^2} \right) d\omega_2 - \frac{\xi_2 \eta_2}{c^2} d\varphi_2 + \frac{\xi_2}{c} d\kappa_2 \right]$$



# Az egyenletek egyesítése és rendezése

- Egyesítve úgy, hogy  $Y_2=Y_1$ , azaz  $Y_2-Y_1=0$

$$b_y + \frac{\eta_2}{c} b_z + h \left[ \frac{\eta_2 - \eta_1}{c} + \left( 1 + \frac{\eta_2^2}{c^2} \right) d\omega_2 - \left( 1 + \frac{\eta_1^2}{c^2} \right) d\omega_1 - \frac{\xi_2 \eta_2}{c^2} d\varphi_2 + \frac{\xi_1 \eta_1}{c^2} d\varphi_1 + \frac{\xi_2}{c} d\kappa_2 - \frac{\xi_1}{c} d\kappa_1 \right] = 0$$

- Harántparallaxisra kifejezve

$$p_\eta = \frac{c}{h} \boxed{b_y} + \frac{\eta_2}{h} \boxed{b_z} - \left( c + \frac{\eta_1^2}{c} \right) \boxed{d\omega_1} + \frac{\xi_1 \eta_1}{c} \boxed{d\varphi_1} - \xi_1 \cdot \boxed{d\kappa_1} + \left( c + \frac{\eta_2^2}{c} \right) \boxed{d\omega_2} - \frac{\xi_2 \eta_2}{c} \boxed{d\varphi_2} + \xi_2 \cdot \boxed{d\kappa_2}$$

# A lehetséges szabadságfokok

$$p_\eta = \frac{c}{h} b_y + \frac{\eta_2}{h} b_z - \left( c + \frac{\eta_1^2}{c} \right) d\omega_1 + \frac{\xi_1 \eta_1}{c} d\varphi_1 - \xi_1 \cdot d\kappa_1 + \left( c + \frac{\eta_2^2}{c} \right) d\omega_2 - \frac{\xi_2 \eta_2}{c} d\varphi_2 + \xi_2 \cdot d\kappa_2$$

- Képek forgatása (kölcsonös tájékozás)

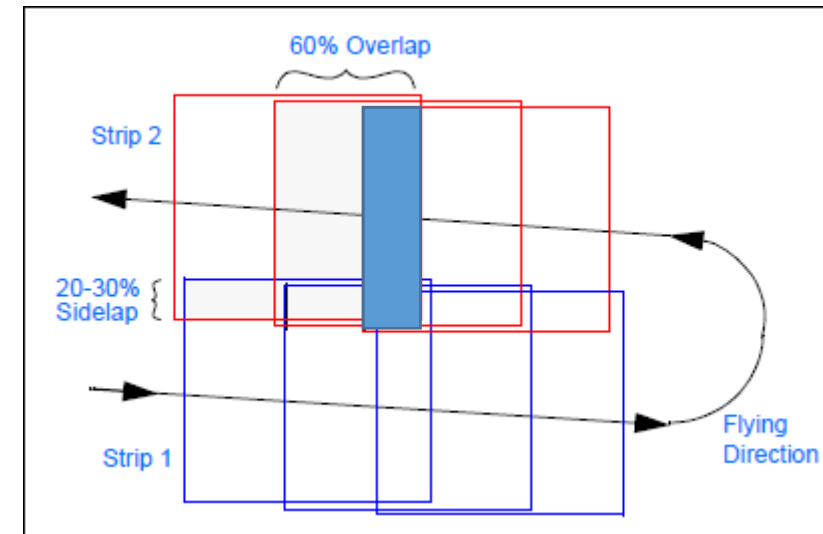
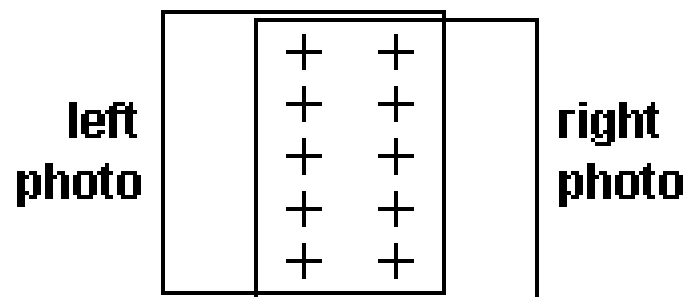
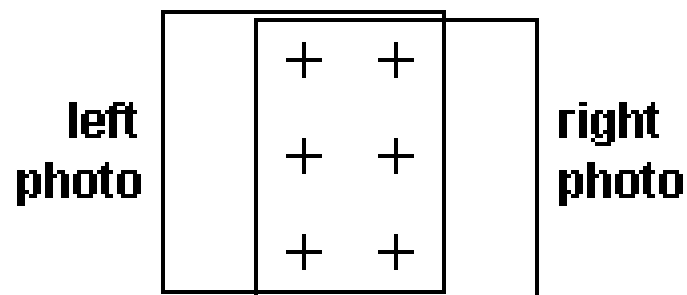
$$p_\eta = -\xi_1 \cdot \boxed{d\kappa_1} + \xi_2 \cdot \boxed{d\kappa_2} + \frac{\xi_1 \eta_1}{c} \boxed{d\varphi_1} - \frac{\xi_2 \eta_2}{c} \boxed{d\varphi_2} + \left( c + \frac{\eta_2^2}{c} \right) \boxed{d\omega_2}$$

- Jobb kép mozgatása (hozzátájékozás)

$$p_\eta = \frac{c}{h} \boxed{b_y} + \frac{\eta_2}{h} \boxed{b_z} + \left( c + \frac{\eta_2^2}{c} \right) \boxed{d\omega_2} - \frac{\xi_2 \eta_2}{c} \boxed{d\varphi_2} + \xi_2 \cdot \boxed{d\kappa_2}$$

# Pontok mérése a tájékozáshoz

- Gruber-pontok

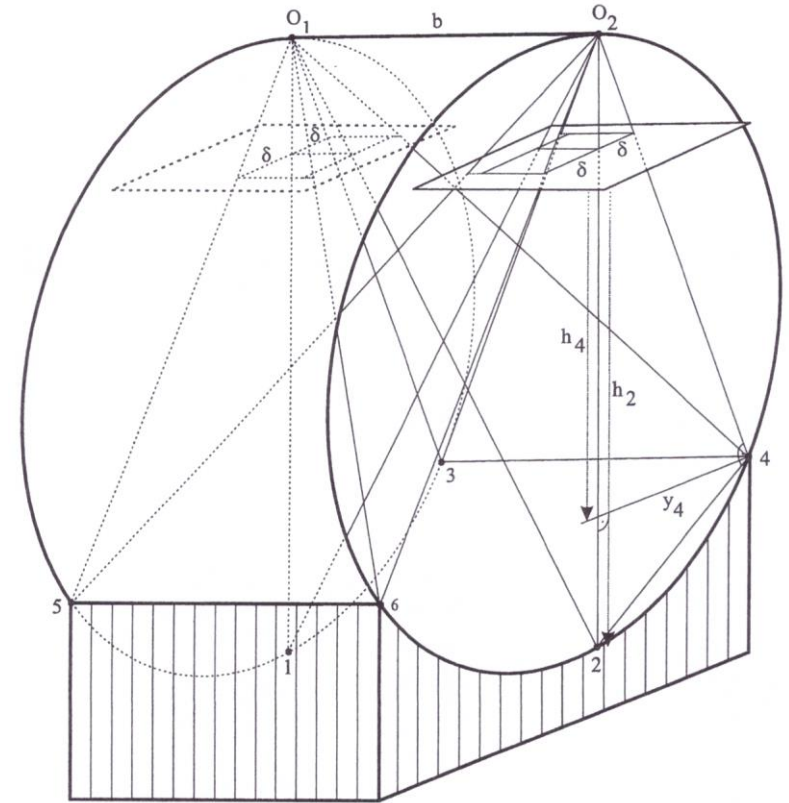
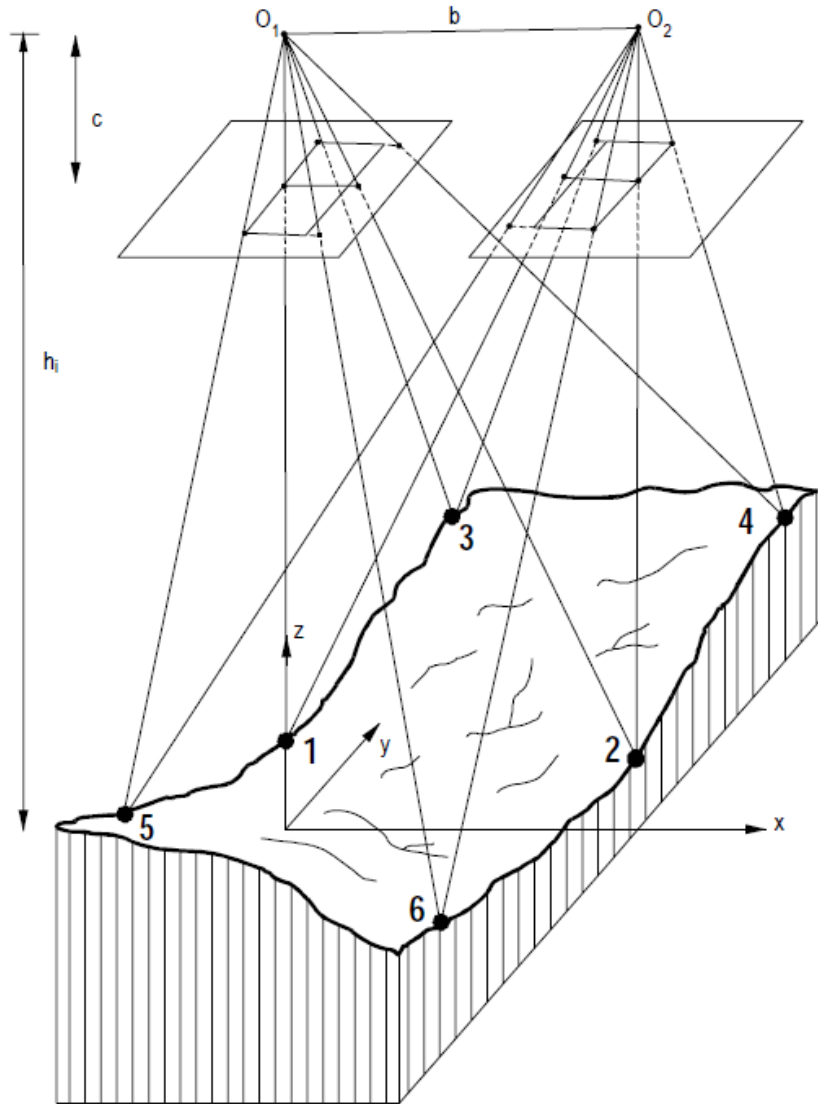


ID:  X:  Y:

ID	X	Y
100	50	85
200	50	50
300	50	15

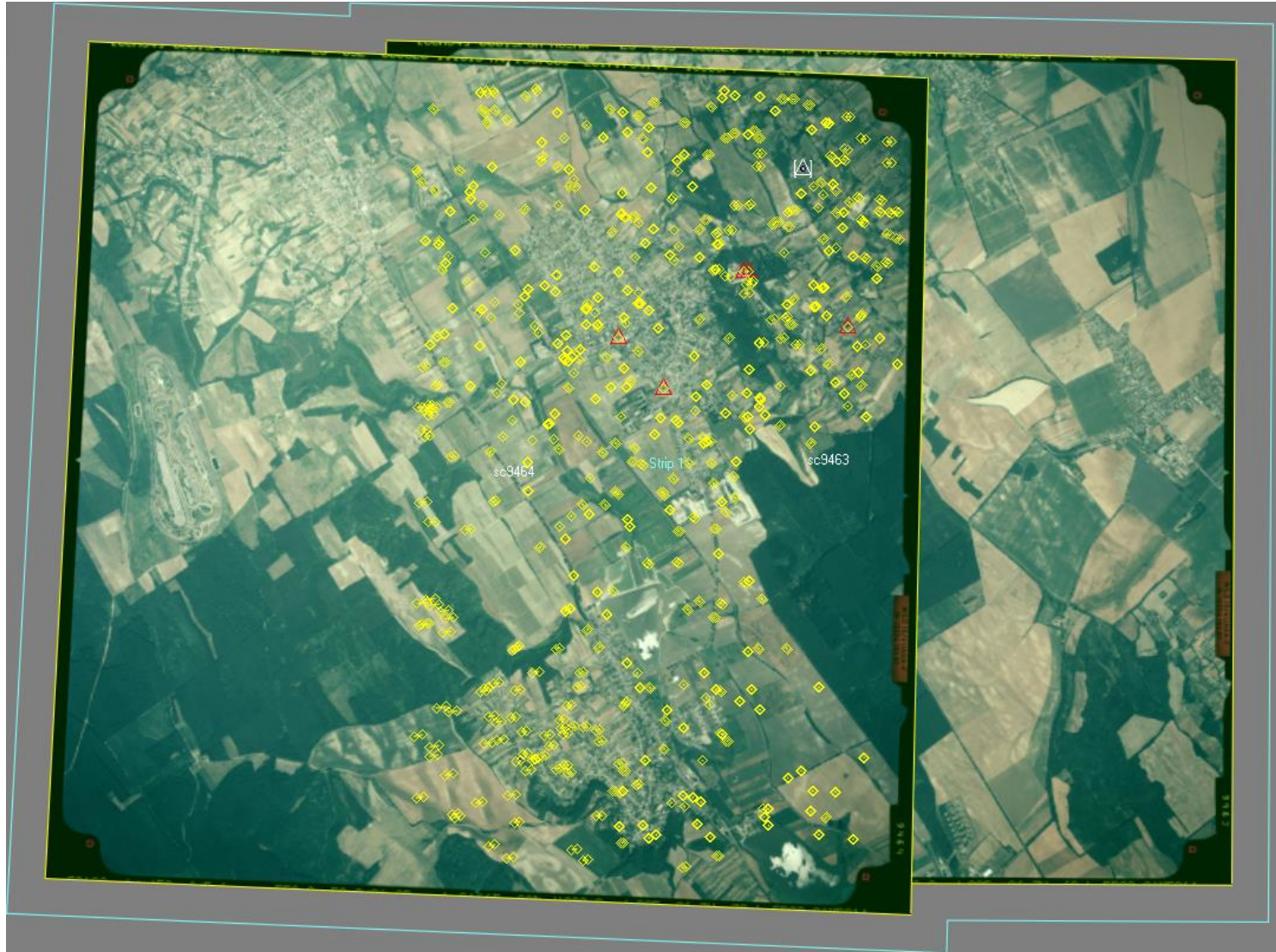
User Point Patterns:   Coordinate Readout: 0,0

# A relatív tájékozás veszélyes felülete



# Automatikus relatív tájékozás

- Automatic Relative Orientation (ARO)  
= automatikus kapcsolópont-mérés (Auto Tie)(Auto Tie Point Meas.)  
+ számítás



Köszönöm a figyelmet!